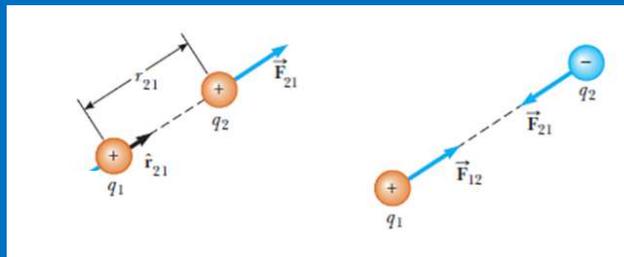


# Electrostática



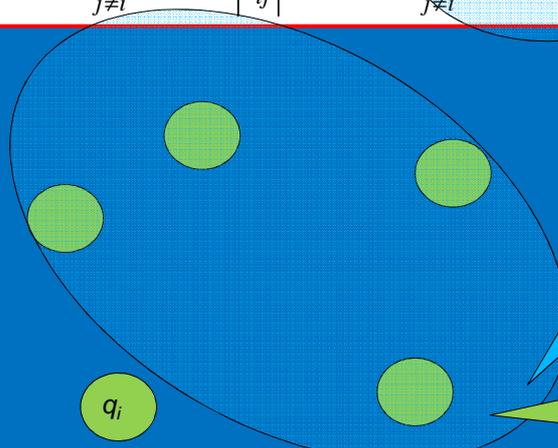
## Ley de COULOMB (fuerza electrostática)



$$\vec{F}_i = \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^n \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_i q_j}{|\vec{r}_{ij}|^2} \hat{r}_{ij}$$

# Campo Eléctrico

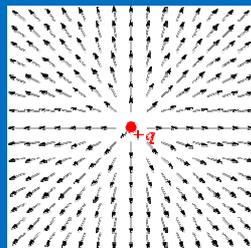
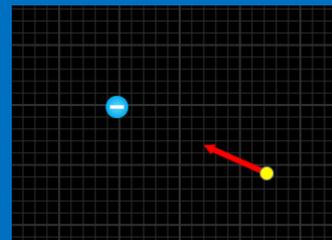
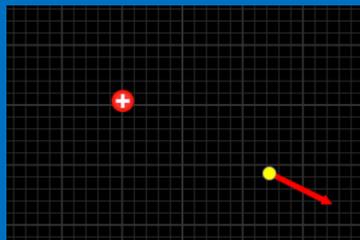
$$\vec{F}_i = \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^n \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_i q_j}{|\vec{r}_{ij}|^2} \hat{r}_{ij} = q_i \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^n \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_j}{|\vec{r}_{ij}|^2} \hat{r}_{ij} = q_i \vec{E}(\vec{r}_i)$$



La fuerza que va a sentir  $q_i$  va a depender de su carga, de la carga del grupo de cargas fuente y del lugar donde esté ubicada

El campo E que va a sentir  $q_i$  va a depender de la carga del grupo de cargas fuente y del lugar donde esté ubicada

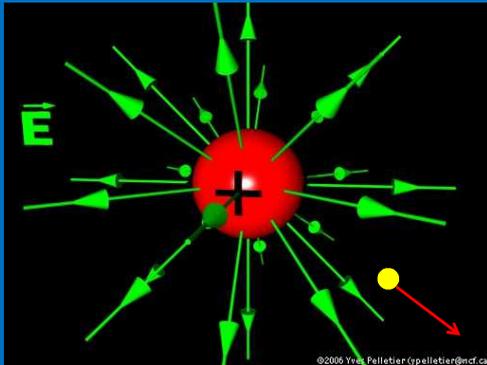
# Campo Eléctrico



Se define el Campo Eléctrico como la Fuerza Eléctrica por carga unitaria

$$\vec{E}_q = \lim_{q \rightarrow 0} \frac{\vec{F}_q}{q}$$

## Campo Eléctrico para una carga puntual Q

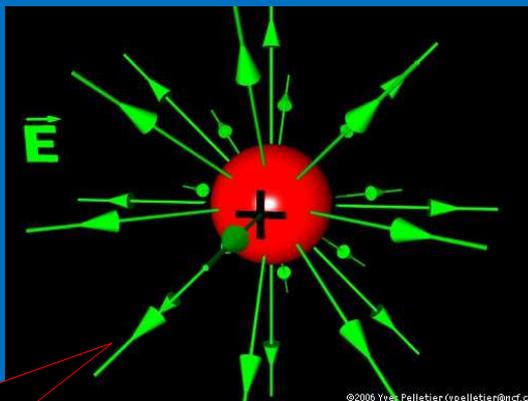
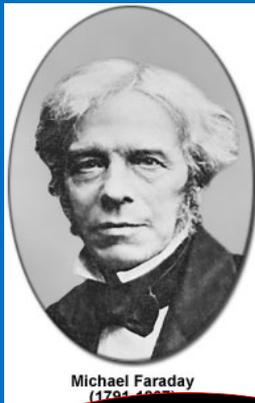


$$\vec{E}(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{|\vec{r}|^2} \vec{r}$$

$$\vec{F}_{q_0}(\vec{r}) = q_0 \vec{E}$$

## Líneas de Campo Eléctrico

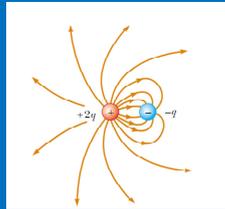
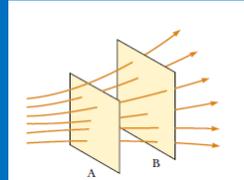
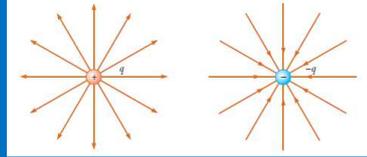
Son líneas imaginarias tal que la tangente en un punto dado representa el vector campo eléctrico en dicho punto del espacio.



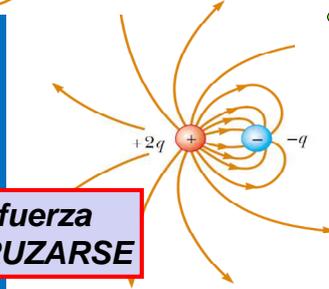
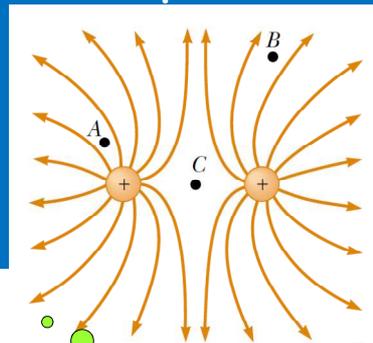
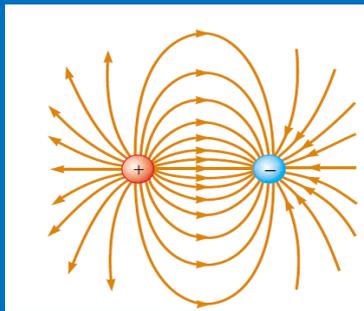
Las líneas de fuerza  
NO REPRESENTAN  
TRAYECTORIAS!!

# Líneas de Campo Eléctrico

- Las líneas de fuerza son salientes en cargas positivas y entrantes en las cargas negativas
- Las líneas están más cercanas donde el campo es más intenso y más lejanas donde el campo es más débil.
- Si las líneas apuntan en distintas direcciones, el campo no es uniforme
- El número de líneas es proporcional a la magnitud de la carga fuente



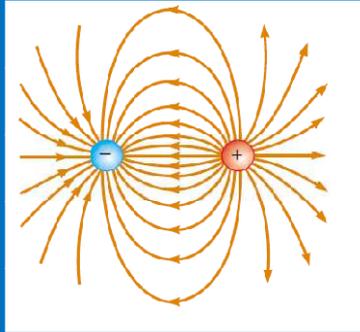
# Más líneas de Campo



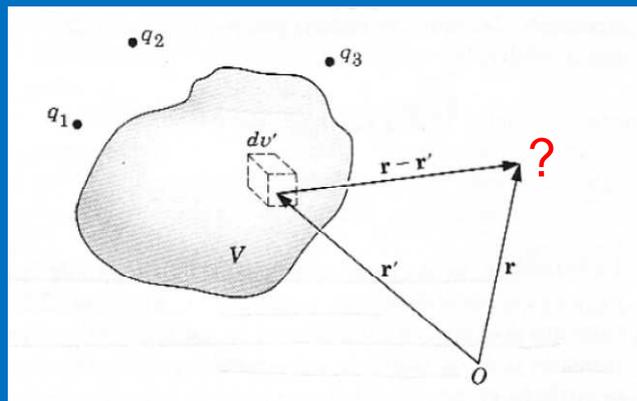
**Las líneas de fuerza  
NO PUEDEN CRUZARSE**

Cómo se verán estas líneas de fuerza desde muy lejos??

## Campo eléctrico de un dipolo



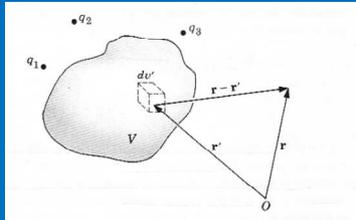
## Distribuciones continuas de carga



$$\vec{E} = \int d\vec{E}$$

$$d\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq'}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3} (\vec{r} - \vec{r}')$$

# Distribuciones continuas de carga



$$d\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq'}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3} (\vec{r} - \vec{r}')$$

$$dq' = \lambda dl' \quad dq' = \sigma ds' \quad dq' = \rho dV'$$

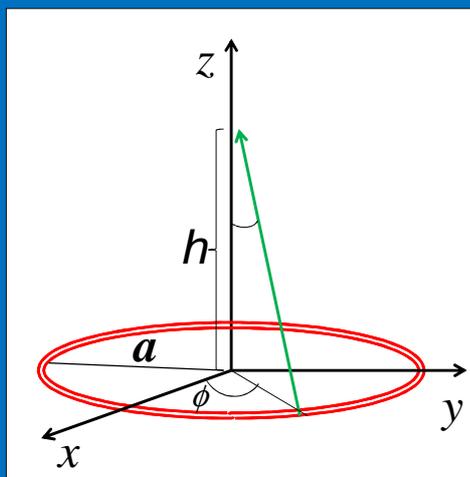
$$\sigma = \lim_{\Delta s \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta s}$$

$$\lambda = \lim_{\Delta l \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta l}$$

$$\rho = \lim_{\Delta V \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta V}$$

$$\mathbf{E}(\mathbf{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum_{i=1}^N q_i \frac{\mathbf{r} - \mathbf{r}_i}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}_i|^3} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_V \frac{\mathbf{r} - \mathbf{r}'}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|^3} \rho(\mathbf{r}') dv' + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_S \frac{\mathbf{r} - \mathbf{r}'}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|^3} \sigma(\mathbf{r}') da'$$

# Campo E de un anillo cargado



$$E_z = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda h 2\pi a}{(h^2 + a^2)^{3/2}}$$

Si \$h=0\$?

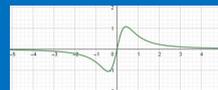
Si \$h \gg a\$?

Si \$h\$ varia??

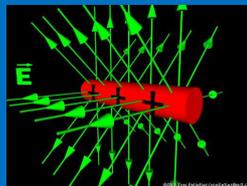
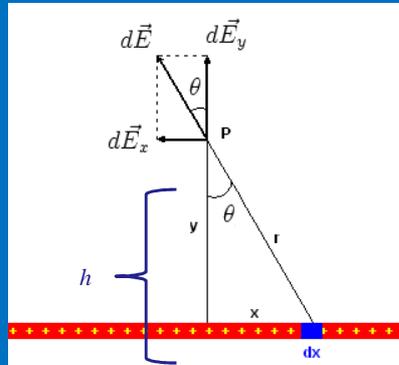
Si \$\lambda\$ varia?

Si quiero ver qué pasa en otro lugar?

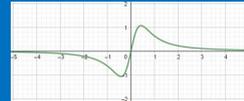
Si se trata de un disco?



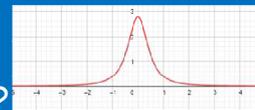
## Campo E de una distrib. de carga lineal



$$E_x = 0$$

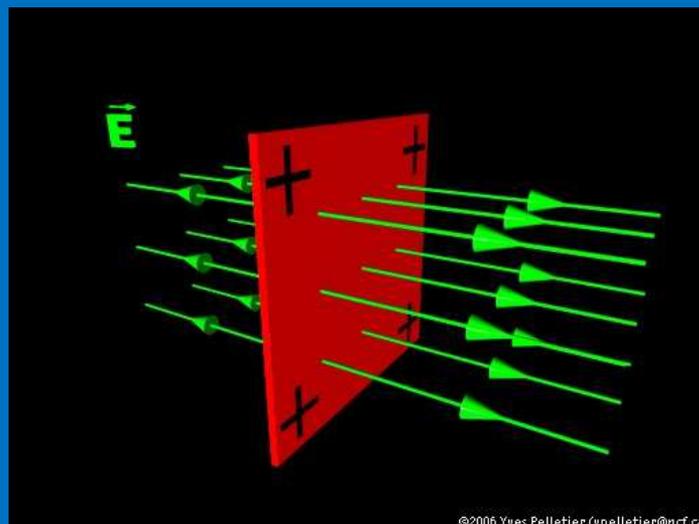


$$E_y = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 h}$$



Si  $h=0$ ?  
 Si  $h$  varia??  
 Si  $\lambda$  varia?  
 Si quiero ver qué pasa en otro lugar?

## Campo eléctrico uniforme



©2006 Yves Pelletier (ypelletier@ncf.ca)