



2019

Termodinámica

Guía2:

Primer principio, trabajo, calor, capacidad calorífica.

Problema 2.1

Entre 1840 y 1845, J. Joule realizó una serie de experimentos para establecer la relación entre el trabajo mecánico aplicado a un sistema termodinámico y su equivalencia en forma de calor. El resultado se conoce como el equivalente mecánico del calor.

- a- Describa el experimento realizado por Joule.
- b- ¿Cuál es el valor actualmente aceptado del equivalente mecánico del calor, compare con el valor obtenido por Joule.

Problema 2.2

En este momento mientras lee esta guía puede realizar un experimento muy sencillo. Toque con su mano la mesa, y toque después el piso. ¿Cuál le parece que tiene mayor temperatura? Le sorprenderá saber que ambos están a igual temperatura, entonces, ¿cómo explica la sensación de que el piso está a menor temperatura?

Problema 2.3

¿Qué es una caloría?

Problema 2.4

En la portada de la guía se muestra a una persona caminando sobre un sendero de brasas, ¿es termodinámicamente posible?

Problema 2.5

¿Puede el calor específico tener un valor negativo?

Problema 2.6

Describa el calor específico de un sólido cristalino bajo el modelo de Einstein y de Debye. Compare con el resultado clásico.

Problema 2.7

Considere una expansión adiabática de un gas ideal, demuestre que:

- a- $TV^{\gamma-1} = cte$
- b- $T^{\gamma}p^{1-\gamma} = cte$

donde γ es independiente de la temperatura.

Problema 2.8

Considere una expansión adiabática de un gas ideal desde una presión inicial p_1 y un cambio de volumen desde V_1 hasta V_2 . Asumiendo que γ es constante:

- a- Calcule la presión en el estado final.
- b- Muestre que el trabajo realizado es:

$$w = \frac{p_1 V_1}{\gamma - 1} \left(\left(\frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma - 1} - 1 \right)$$

Problema 2.9

Describa el método de Rüchardt para medir el exponente adiabático γ .

Problema 2.10

A una atmósfera, el calor específico del agua a presión constante se describe a través de la ecuación:

$$\frac{c_p(\theta)}{c} = 0,996185 + 0,0002874 \left(1 + \frac{\theta}{100} \right)^{5,26} + 0,011160e^{-0,0829\theta}$$

donde $c = 4185,5 \text{ J K}^{-1} \text{ kg}^{-1}$

calcule el calor necesario para calentar 50grs. de agua desde 0 a 100C.

Problema 2.11

Un resorte de longitud L , obedece la ley de Hooke $f = k(L - L_0)$ donde f es la tensión, L_0 es la longitud inicial del resorte y k la constante elástica. Calcule el trabajo realizado para variar su longitud desde L_1 a L_2 .

Problema 2.12

Considere un sólido elástico ideal, que obedece a la ecuación:

$$f = KT \left(\frac{L}{L_0} - \frac{L_0^2}{L^2} \right)$$

donde K es una constante y L_0 es solo función de la temperatura.

- a- Muestre el que el módulo de Young isotérmico E resulta:

$$E = \frac{KT}{A} \left(1 + 2 \frac{L_0^3}{L^3} \right)$$

20 kilotonnes de TNT

En la madrugada del 16 de Junio de 1945 tuvo lugar en el desierto de Alamogordo (Nuevo México) la primera explosión nuclear de la historia. Mientras sus colegas del puesto de observación contemplaban el espectáculo, el físico Enrico Fermi dejó caer en el aire unos papelillos para medir su desplazamiento al llegar la onda expansiva, «20 kilotonnes de TNT» exclamó luego. Si, Fermi había calculado la energía de la bomba utilizando solo unos papelitos que lanzó al aire. ¿Cómo lo hizo?, la respuesta: con un poco de termodinámica.

En milisegundos, una parte (el 50% aproximadamente) del total de 20 kilotonnes de energía liberada por fisión se deposita por radiación electromagnética en la masa de aire contenida en un volumen V_0 que es un semiesfera de radio 200 m volviéndose incandescente (la famosa bola de fuego, de color rojo). El rapidísimo calentamiento tiene lugar prácticamente a volumen constante y supondremos que de manera uniforme en todo su volumen.

Podemos calcular la presión p_1 y la temperatura T_1 de esta bola de fuego, conocida la presión atmosférica p_0 , la temperatura ambiente antes de la explosión T_0 , y el volumen de aire implicado V_0 . Supondremos que el aire, incluso en estas condiciones extremas se comporta como un gas ideal.

Una vez formada la bola se expande adiabáticamente en menos de un segundo hasta que su presión se iguala a la presión atmosférica, $p_f = 1 \text{ atm}$.

Calcularemos empleando esta transformación, el volumen final V_f y la temperatura final T_f . Calculado V_f determinaremos el radio final r_f de la semiesfera.

Esta rapidísima expansión provoca un desplazamiento del aire situado a distancias mayores que se propaga a la velocidad del sonido v_s .

A partir de este modelo simplificado, se puede calcular el valor de la anchura de la onda expansiva d y por tanto, del desplazamiento de los papelitos en el punto de observación situado a una distancia D del centro de la explosión.

Midiendo esta distancia d , Fermi hizo el cálculo inverso y dedujo la potencia de la explosión con notable aproximación respecto de la obtenida a partir de las mediciones efectuadas por una

compleja red de instrumentos dispuesta en torno al lugar de la explosión.

El resto del fenómeno es bien conocido: por su baja densidad la bola asciende arrastrando una columna de polvo y materiales vaporizados altamente radioactivos mientras se va mezclando turbulentamente con el aire circundante. Al llegar a la tropopausa se ensancha formando el característico hongo.

Datos necesarios para resolver el problema

1 kilotón = $4.18 \cdot 10^{12}$ J

Densidad del aire a presión atmosférica y temperatura ambiente 1.0 kg/m^3

Peso molecular del aire 28.9 g/mol

Temperatura ambiente antes de la explosión 17° C

Calor específico a volumen constante de los gases diatómicos $c_v = 5R/2$

Constante R de los gases perfectos $R = 0.082 \text{ atm}\cdot\text{l}/(\text{K}\cdot\text{mol}) = 8.315 \text{ J}/(\text{K mol})$

Velocidad del sonido $v_s = 330 \text{ m/s}$

El 50% de los 20 kilotones es la energía que calienta al aire contenido en la semiesfera de radio $r = 200 \text{ m}$.

$$Q = 0,5 \cdot 20 \cdot 4,18 \cdot 10^{12} = 4,18 \cdot 10^{13} \text{ J}$$

El volumen de dicha semiesfera es $V_0 = \frac{1}{2} \frac{4}{3} \pi r^3 = \frac{16}{3} \pi 10^9 \text{ l}$

La masa de aire contenida en dicha semiesfera $m = \rho_0 V_0 = \frac{16}{3} \pi 10^9 \text{ grs}$.

En un proceso a volumen constante $Q = mc_v(T_1 - T_0)$

Si la temperatura ambiente antes de la explosión era de $T_0 = 17^\circ \text{ C} = 290 \text{ K}$, después de la explosión es $T_1 = 3758 \text{ K}$

Utilizando la expresión de los gases ideales, obtenemos la presión final, $p_1 V_0 = nRT_1$, es decir $p_1 = 10,7 \text{ atm}$

En la segunda etapa consideramos la expansión adiabática.

Utilizamos $\gamma = 7/5$ para un gas diatómico, y obtenemos un volumen final de esta etapa de

$V_f = 909 \cdot 10^{10} \text{ l}$, o de manera equivalente un radio de la semiesfera de $351,4 \text{ mtrs}$. Aplicamos nuevamente la ecuación de los gases ideales, para obtener una temperatura final de 1911 K .

Finalmente, en la última etapa evaluamos la propagación de la onda de choque.

La capa semiesférica $V_f - V_0$ se propagará a la velocidad del sonido, A medida que r aumenta la capa será cada vez más estrecha. A una distancia r del centro de la explosión la anchura d de la capa será:

$$V_f - V_i = \frac{1}{2} \frac{4}{3} \pi (r + d)^3 - \frac{1}{2} \frac{4}{3} \pi r^3$$

Midiendo este valor a través de la distancia recorrida por los papelitos, es posible estimar la energía de la bomba.

b- Calcule el trabajo requerido para estirar la sustancia de manera isotérmica desde $L = L_0$ hasta $L = 2L_0$.

Problema 2.13

Calcule el trabajo requerido en una expansión adiabática de un mol de gas ideal a 0C, si el volumen cambia desde V_0 hasta $10V_0$.

Problema 2.14

Calcule el cambio de temperatura de un gas ideal que inicialmente se encuentra a 0C, cuando se produce una expansión adiabática sobre el mismo que aumenta en 10 veces su volumen inicial.

Problema 2.15

¿Cuál es la cantidad de calor requerida para elevar desde -20C a 100C a presión constante la temperatura de 1000 grs. de nitrógeno?

- a- ¿Cuál es el cambio de energía libre?
- b- Calcule el trabajo realizado sobre el sistema.

Problema 2.16

10 litros de un gas a presión atmosférica se comprime de manera isotérmica hasta un volumen de 1 litro. Posteriormente se expande adiabáticamente hasta su volumen original.

- a- Grafique en un diagrama $p - V$, el ciclo realizado para un gas monoatómico y un gas diatómico.
- b- Calcule el trabajo realizado por el sistema.
- c- Compare ambos resultados ¿cómo explica dicha diferencia?

Problema 2.17

La velocidad de propagación de una onda longitudinal en un gas ideal es:

$$c = \sqrt{\frac{dp}{d\rho}}$$

donde p es la presión y ρ es la densidad del gas.

- a- Calcule la velocidad del sonido para un gas en un proceso isotérmico.
- b- Repita el cálculo para un proceso adiabático.

Problema 2.18

Dos sistemas con capacidades caloríficas C_1 y C_2 respectivamente interactúan de manera adiabática hasta alcanzar una temperatura común T_f .

Si la temperatura inicial del sistema 1 es T_1 , ¿cual es la temperatura inicial del segundo sistema?

Problema 2.19

Calcular el trabajo realizado por un mol de gas durante una expansión adiabática cuasiestática desde un volumen inicial V_I hasta un volumen final V_F si la ecuación de estado es:

a- $p(v - b) = RT$ con $R, b = \text{ctes.}$

b- $pv = R\theta \left(1 - \frac{B}{v}\right)$ con $R = \text{cte}$ $B = f(\theta)$

Problema 2.20

Un volumen de $2 \times 10^{-4} \text{m}^3$ de sustancia paramagnética se mantiene a temperatura constante, mientras se aumenta de forma isotérmica y cuasiestática un campo magnético de 0 a 10^6A/m . Suponiendo que se cumple con la ecuación de Curie y que la constante de Curie por unidad de volumen es 0,15.

a- ¿Qué trabajo se realizaría si no hubiera sustancia?

b- Qué trabajo se realiza para variar la imanación del material cuando la temperatura es de 300K, y cuando es de 1K?

c- ¿Qué trabajo realiza en ambas temperaturas el agente externo?

Problema 2.21

Un mol de gas obedece a la ecuación de estado:

$$\left(P + \frac{a}{v^2}\right)(v - b) = R\theta$$

donde v es el volumen molar, y su energía interna viene dada por

$$u = c\theta - \frac{a}{v}$$

Siendo a, b, c y R constantes. Calcular la capacidades caloríficas molares c_v y c_p .

Problema 2.22

En 1845 J. Joule realizó un experimento para determinar las propiedades de la energía interna de un gas ideal. La experiencia realizada consistió en colocar dos recipientes conectados por una llave en un calorímetro lleno de agua. En uno de los recipientes colocó un gas comprimido y en el otro se realizó vacío.

Al abrir la llave, el gas se expandió en el recipiente vacío, pero no se observó variación en la temperatura del sistema.

- a- ¿Cuál es la cantidad de calor transferida al sistema?
- b- ¿Cuál es la cantidad de trabajo realizado sobre el sistema?
- c- ¿Es un proceso cuasiestático?
- d- ¿Qué significa el resultado obtenido?

